Preuve de la proposition 2 : comme me l'a fait remarquer C. Demarche, pour obtenir l'injectivité de la flèche $\mathcal{P}^0_S(M)/n \to \prod_{v\in\Omega} H^0(k_v, M)/n$, il faut reproduire la preuve du lemme 5.3. de [3] en travaillant en cohomologie plate car on ne peut pas ici supposer n inversible sur $\mathcal{O}_v$ pour v non dans S. Cela se transpose sans problème en utilisant [6], III.1.1 (au lieu de II.1.10 (a)).