

Les notes de cours seront mises en ligne progressivement sur la page <http://www.math.u-psud.fr/~riou/enseignement/>.

## I. TP 1 : GEOGEBRA

Le but de cette séance est d'abord de découvrir Geogebra.

### 1. Conseils de base.

- Quand on s'approche de l'icône d'un outil sélectionné, un court texte le décrit et indique à quels objets l'appliquer et dans quel ordre. Il est utile de le lire.
- En cas de problème, ne pas hésiter à consulter l'aide. Lors de l'utilisation du logiciel, noter les fonctionnalités découvertes, les paragraphes correspondants dans l'aide, les précisions utiles.
- Enregistrer régulièrement la figure, toujours un nom sans caractère spécial, ni espace. Ne pas hésiter à enregistrer plusieurs versions sous des noms différents.
- Une figure doit être lisible en elle-même. Rendre visibles les égalités de segments, d'angles, les angles droits... Utiliser des couleurs, varier le style, l'épaisseur des traits, l'aspect des points...
- En cas d'erreur, les flèches complètement à droite permettent de défaire ou refaire.
- Avant de fermer une fenêtre Geogebra, ouvrir une nouvelle fenêtre, ainsi le logiciel ne quitte pas.

### 2. Fenêtre graphique.

Un petit triangle dans le coin en haut à droite de la fenêtre graphique permet d'afficher une **réglette d'options**.

- Dans le graphique, elle permet le choix des axes, de la grille ...
- Si un objet est sélectionné, elle permet de modifier le style, la couleur de l'objet et l'affichage de l'étiquette.

### 3. Affichage et zoom.

- Pour déplacer toute la figure, utiliser **Déplacer graphique** dans la boîte à outil à droite. Pour déplacer une partie de la figure la sélectionner à l'aide d'un rectangle créé par la **flèche de gauche**.
- On peut zoomer avec la roulette ou avec les outils **agrandissement** et **réduction** du menu de droite.
- On peut cadrer la figure en la sélectionnant dans un carré en tenant le clic droit ; quand on lâche, la partie sélectionnée occupe alors toute la fenêtre. On peut revenir à l'affichage standard avec **clic-droit** dans le graphique, puis **affichage standard** dans le menu.

### 4. Construction d'un parallélogramme.

Pour cet exercice, cacher les axes (**clic droit** dans le graphique ou **réglette d'option**).

Le but de cet exercice est de construire un parallélogramme en utilisant la propriété des milieux des diagonales.

- Créer 3 points  $A$ ,  $B$  et  $C$ . L'étiquetage est automatique dans GeoGebra.
- Renommer  $C$  en  $D$  : Quand on crée un point, on peut le nommer ou le renommer (après l'avoir sélectionné) directement au clavier ou bien en utilisant **renommer** grâce au "clic droit" ou au "double clic". Que se passe-t-il si on le nomme comme un point existant ?
- Utiliser l'outil **Milieu** ou **centre** (dans la boîte **point**) pour construire le milieu  $M$  de  $[BD]$ . Créer les segments (outil **segment** dans la boîte **droite**)  $[BM]$  et  $[MD]$ . Mettre en pointillé rouge le segment  $[BM]$  avec la **réglette d'options** et choisir un codage dans le menu **propriétés/style**. Dans la boîte complètement à droite, choisir **Choisir Style Graphique** pour reporter le style de  $[BM]$  sur  $[MD]$ . Ainsi la propriété de  $M$  est indiquée par codage.
- Avec l'outil **Symétrie centrale**, créer le point  $C$  tel que  $ABCD$  soit un parallélogramme. Zoomer si le point n'est pas visible dans la fenêtre graphique.
- Bouger les points  $A$ ,  $B$  ou  $D$  et constater que la figure garde ses propriétés. Peut-on bouger  $C$  ?
- Cacher le milieu construit et ses segments :
  - On peut cacher un objet en le décochant dans la fenêtre d'algèbre.

- On peut cacher un objet dans le menu obtenu par un “clic droit”.
- Utiliser **Afficher/cacher l’objet** dans la boîte de droite
  - pour faire apparaître momentanément les objets cachés (on ne peut pas sélectionner un objet non affiché),
  - pour cacher plusieurs objets (choisir cet outil, sélectionner les objets puis aller sur un autre menu, par exemple la **flèche** de gauche, pour valider ainsi le choix.)

(g) Le parallélogramme  $ABCD$  est un polygone c’est-à-dire une partie du plan. Utiliser l’outil **polygone** pour le matérialiser. Changer sa couleur et son remplissage, le style de ses côtés. Tester les hachures...

(h) Afficher l’étiquette et nommer le parallélogramme  $ABCD$ .

(i) Tester l’égalité des côtés opposés avec l’outil **Relation entre deux objets** puis la rendre visible sur la figure.

(j) Afficher la fenêtre d’algèbre, que signifient les nombres face aux noms d’objets?

5. **Transformés de  $ABCD$ .** Construire l’image  $A'B'C'D'$  du parallélogramme  $ABCD$  par une **translation** (on pourra faire varier le vecteur créé avec l’outil **vecteur**). Construire les vecteurs  $\overrightarrow{AA'}$ ,  $\overrightarrow{BB'}$ ,  $\overrightarrow{CC'}$ ,  $\overrightarrow{DD'}$ . Que constate-t-on pour ces objets affichés dans la fenêtre d’algèbre?

6.

- Dans une nouvelle figure, placer deux points  $A$  et  $B$ .
- Placer le milieu  $O$  du segment  $[AB]$  et le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $O$  et passant par  $A$  et  $B$ .
- Placer un point  $C$  sur le cercle  $\mathcal{C}$ .
- Tracer le triangle  $ABC$  et afficher l’angle  $\widehat{ACB}$ .
- Déplacer le point  $C$ . Que constate-t-on?

## II. TD 1 : NOMBRES COMPLEXES, PARALLÉLOGRAMME

1. Dans le plan muni d’un repère orthonormé direct, on considère les points  $A$ ,  $B$  et  $M$  d’affixes respectives  $a$ ,  $b$  et  $m$ .

On rappelle que si un vecteur  $\vec{u}$  est d’affixe  $z$ , la longueur du vecteur  $\vec{u}$  est  $|z|$ . En particulier la distance entre deux points  $A$  et  $B$  d’affixes  $a$  et  $b$  est  $|b - a|$ .

Caractériser géométriquement l’ensemble des points  $M$  d’affixe  $m$  vérifiant :

- (a)  $|m - a| = |m - b|$
- (b)  $|m - a| = |a - b|$
- (c)  $|m| < 1$
- (d)  $m + \bar{m} = 1$
- (e)  $m - \bar{m} = i$
- (f)  $\frac{m - a}{m - b}$  est un imaginaire pur.

On rappelle que si  $\theta \in \mathbf{R}$ , on note  $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$  : c’est un nombre complexe de module 1. Si  $A$ ,  $B$ ,  $C$  sont des points du plan d’affixes  $a$ ,  $b$  et  $c$  tels que  $A \neq B$  et  $A \neq C$ , il existe un unique  $r \in \mathbf{R}_+^\times$  et un unique  $\theta \in ]-\pi, \pi]$  tels que  $\frac{c-a}{b-a} = re^{i\theta}$ . Le réel  $\theta$  est l’angle orienté  $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ .

2. **Triangle équilatéral.**

a. Placer dans le plan complexe les points d’affixes  $p = e^{i\frac{\pi}{3}}$ ,  $q = e^{i\frac{2\pi}{3}}$ ,  $r = e^{i\frac{4\pi}{3}}$ ,  $s = e^{i\frac{\pi}{3}} - 1$ ,  $t = -e^{i\frac{2\pi}{3}}$ .

b. **Résultat à connaître.** Démontrer qu’un triangle isocèle avec un angle de  $60^\circ$  est équilatéral.

c. Avec les notations de l’exercice 1, que peut-on dire d’un triangle  $ABM$  vérifiant  $\frac{m - a}{m - b} = e^{i\frac{\pi}{3}}$  ?

3. Soit  $ABCD$  un parallélogramme direct. On construit, à l’extérieur de  $ABCD$  les triangles équilatéraux  $ADP$  et  $ABQ$ . Montrez que  $PQC$  est équilatéral. On choisira un repère respectant les symétries du problème pour écrire les affixes des points.